

See discussions, stats, and author profiles for this publication at: <https://www.researchgate.net/publication/390520196>

Uncertainty of the Number System as a Fundamental Aspect of the Microworld and Spacetime: Quantum-like Structures, the Observer Operator Model, and Relativistic Implications (en, r...

Preprint · April 2025

DOI: 10.13140/RG.2.2.26062.57927/6

CITATIONS

0

READS

144

2 authors, including:



Grigoriy Dedenko

Financial University

43 PUBLICATIONS 115 CITATIONS

SEE PROFILE

Uncertainty of the Number System as a Fundamental Aspect of the Microworld and Spacetime: Quantum-like Structures, the Observer Operator Model, and Relativistic Implications

G. L. Dedenko¹, S. P. Klykov^{2,3}

¹Financial University under the Government of Russian Federation, Moscow, Russia

²Fermentation expert, Poste Restante, Obolensk,
Serpukhov district, Moscow region, Russia, 142279

³Alpha-Integrum, Ltd.

Email: GLDedenko@fa.ru, smlk03@mail.ru

April 18, 2025

Abstract

The fundamental principles of quantum mechanics (QM) and the structure of spacetime in the theory of relativity (TR) are traditionally formulated against the backdrop of real or complex numbers, regarded as a passive, universal, and infinitely precise mathematical continuum. This paper proposes and investigates the hypothesis that such a view might be incomplete, particularly at the ultimate, Planck scales. We suggest that the number system itself, characterized by the choice of base B , ceases to be a mere convention and acquires properties of an active observer or measurement context. This aspect is formalized through the introduction of a hypothetical Number System Operator (NSO), $\hat{O}_{\text{NS}}(B)$. The central hypothesis posits that the complete determination of all digits in the numerical representation $N = \sum d_i B^i$ of some fundamental quantity in a fixed base B might be fundamentally impossible at the micro-level. Any interaction or “measurement” associated with the context B might only reliably determine a finite number $(k + 1)$ of least significant digits $(d_0, \dots, d_k)$, leaving the most significant digits in a state of inherent “mathematical uncertainty”. This uncertainty, we argue, could be the primary source of quantum uncertainty and might influence the geometry of spacetime, offering a unified mechanism to explain contextuality in both QM and TR. The hypothesis is supported by the analysis of quantum-like structures in number systems (exemplified by Pythagorean triples [1]), where the possibility of preserving a “digital tail” is observed, and contrasted with the behavior of more complex structures (e.g., cubic equations), where the NSO projection might be unique for each basis, highlighting the universality yet non-triviality of base dependence. The hypothesis is extended to the relativistic interval, where coordinates and time are interpreted as abstract “numerical states”. The non-commutativity $[\hat{O}_{\text{NS}}(B_1), \hat{O}_{\text{NS}}(B_2)] \neq 0$ is discussed. The NSO model is positioned as a conceptual bridge between QM and TR. Connections to p-adic analysis, NCG, topos theory, information theory are considered, and possible physical manifestations and research directions are discussed.

Keywords: Number system, number base, uncertainty principle, quantum mechanics, relativity, spacetime, Minkowski interval, observer operator, numerical state, mathematical uncertainty, quantization, last digits, Pythagorean triples, cubic equations, data visualization, p-adic numbers, noncommutative geometry, information theory, unification of physics, physical realizability, numerical examples, Dedenko, Klykov.

Contents

1	Introduction	3
1.1	The Standard Paradigm and Its Limitations	3
1.2	The NSO Hypothesis: The Number System as an Active Observer	3
1.3	An Intuitive Metaphor: The Tower and the Spotlight	4
1.4	Goals and Structure of the Article	5
2	Quantum Analogies in Arithmetic and Formalization of Recurrence	5
3	The Number System Operator (NSO) Model: Formalism and Examples	6
3.1	The Space of Numerical States $\mathcal{N}$	6
3.2	The Operator $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$ and Limited Observability	6
3.3	Non-commutativity and Numerical Uncertainty	7
4	NSO Applied to Spacetime: The Relativistic Interval	7
4.1	Coordinates and Time as Numerical States $ \Psi_{\text{num}}\rangle$	7
4.2	Observation of Spacetime and a Calculation Example of Interval Distortion	7
4.3	Lorentz Invariance and NSO	8
4.4	Non-commutativity of Space and Time	8
5	Connections to Existing Theories	8
6	Implications, Predictions, and Open Questions	8
6.1	Reinterpreting QM	8
6.2	Nature of Fundamental Constants	8
6.3	Quantum Computing and Information	8
6.4	Mathematical Challenges	9
6.5	Physical Realizability and Experimental Signatures	9
7	Hypothesis: NSO as a Bridge Between QM and Relativity	9
8	Conclusion	10

1 Introduction

1.1 The Standard Paradigm and Its Limitations

The fundamental description of nature in modern physics is divided between two extremely successful but conceptually distinct theories: quantum mechanics (QM), which governs the behavior of matter and energy at the microscopic level, and general relativity (GR), which describes gravity as the geometry of curved spacetime, governing the dynamics of planets, stars, and the universe at large. Despite the phenomenal success of each theory within its domain of applicability, their unification into a single theory of quantum gravity remains one of the most pressing and challenging problems in theoretical physics [10].

Both theories, despite their differences, implicitly rely on a common mathematical foundation—the use of the fields of real ($\mathbb{R}$) or complex ($\mathbb{C}$) numbers to represent physical quantities: coordinates, time, momenta, energies, fields, state parameters [3]. The numerical continuum is treated as a universal, passive, and absolute background against which physical processes unfold. The method of representing numbers, for instance, in a positional number system with base B ($N = \sum d_i B^i$), is regarded as merely a technical convention that does not affect the physical essence. The choice of base (decimal, binary, natural) is dictated by convenience or tradition. Physical laws are formulated to be invariant or covariant under transformations (coordinate, gauge) that act **over** this number field, without touching its internal structure.

Even the revolutionary concepts of the 20th century did not challenge this view of numbers. In QM, uncertainty arises from the non-commutativity of operators for observables ($[\hat{A}, \hat{B}] \neq 0$) acting in a Hilbert space over $\mathbb{C}$, not from the properties of the numbers themselves that are the results of measurements (eigenvalues) [6]. In GR, the curvature of spacetime is described using methods of differential geometry over $\mathbb{R}$, where coordinates are just convenient labels for points on a smooth manifold.

1.2 The NSO Hypothesis: The Number System as an Active Observer

However, one might question the universality and passivity of numerical representation at the most fundamental scales, near the Planck length $L_P \approx 1.6 \times 10^{-35}$ m and Planck time $T_P \approx 10^{-43}$ s, where quantum gravity effects are expected to manifest, and the concept of smooth spacetime might break down. At these scales, the very procedure of measurement and assigning a numerical value to a physical quantity could face principal limitations related not only to physical interactions (as in the standard Heisenberg uncertainty relations) but also to the immanent properties of the numerical representation system itself.

In this paper, we propose and investigate the hypothesis that the standard view of the role of numbers in physics is incomplete. We suggest that at the fundamental level, the **number system (base B) ceases to be a passive convention and acquires properties of an active observer or measurement context**. We formalize this aspect through the introduction of a hypothetical **Number System Operator (NSO)**, $\hat{O}_{\text{NS}}(B)$.

The main postulates of the NSO hypothesis are:

1. **Abstract Numerical State ($|\Psi_{\text{num}}\rangle$):** The fundamental description of a physical quantity before its “measurement” or representation in a specific number system is given not by a number from $\mathbb{R}$ or $\mathbb{C}$, but by an abstract element $|\Psi_{\text{num}}\rangle$ of some mathematical space $\mathcal{N}$. This state potentially contains information about all possible numerical manifestations of the quantity.
2. **Number System Operator ($\hat{O}_{\text{NS}}(B)$):** For each measurement context, characterized

(at least partially) by a base B , there exists an operator $\hat{O}_{\text{NS}}(B) : \mathcal{N} \rightarrow S'_B$, mapping the abstract state $|\Psi_{\text{num}}\rangle$ to the space of observable numerical representations S'_B (a subspace of the space of digit sequences in base B , S_B).

3. **Limited Digit Observability:** The action of $\hat{O}_{\text{NS}}(B)$ on $|\Psi_{\text{num}}\rangle$ does not reveal the complete digital record of the number. It allows for the reliable determination of only a **finite number $(k + 1)$ of least significant digits** $\{d_0, d_1, \dots, d_k\}_B$. The parameter k (determining the “depth” or “resolution” of the numerical observation) might depend on the base B , the state $|\Psi_{\text{num}}\rangle$, and the physical context (e.g., interaction energy, available information).
4. **Immanent Mathematical Uncertainty:** The **most significant digits** $(d_{k+1}, d_{k+2}, \dots)$ remain **fundamentally uncertain** or exist in a state analogous to quantum superposition relative to the given observation basis B . This uncertainty is not a consequence of measurement inaccuracy but an intrinsic property of the numerical observation process postulated by the NSO model.
5. **Non-commutativity of Bases:** NSO operators for different bases may not commute: $[\hat{O}_{\text{NS}}(B_1), \hat{O}_{\text{NS}}(B_2)] \neq 0$. This means the result of an observation in base B_2 depends on whether a prior observation was made in base B_1 , and vice versa. This leads to an uncertainty relation for numerical representations in different bases.
6. **Source of Physical Uncertainty:** This immanent “mathematical uncertainty” could be the fundamental source of observed quantum uncertainty and contextuality, and might also influence the perceived structure of spacetime at small scales.

It is crucial to emphasize: we do not necessarily assume “different” mathematics for the micro- and macro-worlds. Rather, we consider that a **unified mathematical apparatus** (e.g., the arithmetic of integers or real numbers) possesses **hidden properties** (limited digital observability, base dependence) that become **physically relevant** and dominant only at fundamental scales, while their influence can be neglected in the macro-world. This is analogous to how relativistic effects, described by a unified theory, become noticeable only at high velocities.

1.3 An Intuitive Metaphor: The Tower and the Spotlight

To make the idea more intuitive, let us imagine the numerical state $|\Psi_{\text{num}}\rangle$ as a very tall, potentially infinite tower, whose floors correspond to the digital places. An observation $\hat{O}_{\text{NS}}(B)$ is like illuminating this tower with a spotlight from the ground. We can clearly see only a few lower floors $(d_0, \dots, d_k)$. The higher the floor, the more it is lost in the darkness (uncertainty). Furthermore, if we change the “color” of the spotlight (switch to a different base B'), we might see a different number of floors or even notice details on the lower floors that were invisible with the first light, while losing sight of something else. The very act of “illuminating” in base B_1 might affect what we see later in base B_2 .

1.4 Goals and Structure of the Article

The goal of this work is to develop the NSO concept in detail, explore its formal properties (including non-commutativity and base dependence), apply it to the description of spacetime and the relativistic interval, discuss its potential as a unifying link between QM and TR, analyze connections with existing theories, and outline possible consequences and avenues for verification. An important aspect is the inclusion of concrete numerical examples illustrating the key postulates of the hypothesis and the discussion of the differing behavior of NSO projections for different mathematical structures (e.g., Pythagorean triples versus higher-degree equations).

The article is structured as follows: Section 2 recalls the motivation from the study of Pythagorean triples, introduces the formalization of recurrence, and discusses the contrast with higher-degree equations. Section 3 delves into the NSO formalism, including numerical examples of uncertainty and non-commutativity. Section 4 is devoted to applying NSO to spacetime, with a calculation example for the relativistic interval. Section 5 analyzes connections with p-adics, NCG, topos theory, and information theory. Section 6 considers consequences and predictions, including a discussion of physical realizability and statistical aspects. Section 7 develops the hypothesis of NSO as a bridge between QM and TR. Section 8 summarizes the findings.

2 Quantum Analogies in Arithmetic and Formalization of Recurrence

The study [2] provided empirical grounding for the NSO hypothesis by demonstrating unexpected quantum-like patterns in the distribution of primitive Pythagorean triples (PPTs), sets of integers (a, b, c) such that $a^2 + b^2 = c^2$ and $\gcd(a, b, c) = 1$. Key observations relevant to NSO:

- **Discreteness and Quantization:** The observed values of the least significant digits, $c \pmod{B}$, took only discrete values (e.g., 1, 5, 9 for $B=10$; 1, 5, 9, D for $B=16$). This is analogous to the quantization of an observable.
- **Base Dependence/Contextuality:** The structure of the distribution based on $c \pmod{B}$ changed radically when switching base $B = 10$ to $B = 16$. This illustrates the idea of $\hat{O}_{\text{NS}}(B)$ as a context-dependent observation operator.
- **Recurrence and “Tail” Preservation for PPTs:** A key idea [2], inspired by discussions on the dxdy.ru forum, was the possibility of generating new, larger triples (a', b', c') from (a, b, c) while preserving the least significant digits:

$$D_{B,k}(a') = D_{B,k}(a), \quad D_{B,k}(b') = D_{B,k}(b), \quad D_{B,k}(c') = D_{B,k}(c), \quad (1)$$

where $D_{B,k}(x) = x \pmod{B^{k+1}}$ is the operator extracting the last $k + 1$ digits. The existence of transformation formulas ensuring this [1] can be interpreted within the NSO framework as the possibility of finding a state transformation $|\Psi_{\text{num}}\rangle \rightarrow |\psi'\rangle$ such that its projection $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$ remains (partially) invariant. This resembles the stability of certain quantum properties under evolution.

- **Example (B=10):** For $(3, 4, 5) \rightarrow D_{10,0} = (3, 4, 5)$. We seek (a', b', c') with $a' \equiv 3, b' \equiv 4, c' \equiv 5 \pmod{10}$.
- **Example (B=16):** For $(5, 12, 13) \rightarrow D_{16,0} = (5, C, D)$. We seek (a'', b'', c'') with $a'' \equiv 5, b'' \equiv 12, c'' \equiv 13 \pmod{16}$.
- **Contrast with Higher-Degree Equations (Cubic Equations):** As noted by S. Klykov (private communication, reflected in [1]), for Diophantine equations of higher degree, such as cubic analogues $a^3 + b^3 + c^3 = d^3$, a similar simple recurrence and preservation of the least significant digital “tails” when transitioning to new solutions or changing the base is apparently not observed as clearly. Whereas for PPTs, the NSO projection $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$ can exhibit stability under certain transformations, for cubic equations, each NSO projection for a new solution or in a new base B' might be **unique and unpredictable** based on the previous one.

$$\text{For } a^3 + b^3 + c^3 = d^3 \text{ and } a'^3 + b'^3 + c'^3 = d'^3, \quad D_{B,k}(a') \neq D_{B,k}(a) \text{ (in general)} \quad (2)$$

This observation is **critically important**: it underscores that the behavior of the numerical state under the action of $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$ is **not universally trivial** but depends on the **internal structure of the mathematical object itself** (quadratic form for PPTs vs. cubic form). This strengthens the argument that NSO reveals non-trivial, structure-dependent properties of numerical states, and that base dependence is a fundamental, not superficial, effect. The possibility of tail preservation for PPTs might be an analogue of a “classical limit” or integrability, whereas the uniqueness of projections for cubic equations might be analogous to “quantum chaos” or non-integrability at the numerical level.

3 The Number System Operator (NSO) Model: Formalism and Examples

3.1 The Space of Numerical States $\mathcal{N}$

We postulate a space $\mathcal{N}$ whose elements $|\Psi_{\text{num}}\rangle$ represent fundamental numerical states. $\mathcal{N}$ must support arithmetic-like operations $(\oplus, \ominus, \otimes, (\cdot)^{\otimes 2})$ and encode information for projections $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$. Possible structures: adeles [7], NCG algebras [4], sheaves [6].

3.2 The Operator $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$ and Limited Observability

The operator $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k) : \mathcal{N} \rightarrow S'_{B,k}$ performs a “measurement” with depth k . Its action yields:

$$\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)|\Psi_{\text{num}}\rangle \longrightarrow \text{Outcome}_{B,k} = (\{d_0, d_1, \dots, d_k\}_B, |\text{Uncertain}\rangle_{B,k}) \quad (3)$$

k defines the resolution, $|\text{Uncertain}\rangle_{B,k}$ describes the uncertainty of higher digits (possibly involving $\mathbb{C}$, carrying phase info). k might depend on energy and information limits [8].

Example of Observable Uncertainty (π): (from [1], section 2) Let $|\Psi_{\text{num}}\rangle$ correspond

to $\pi = 3.14159\dots$

$$\hat{O}_{\text{NS}}(10, k=3)|\Psi_\pi\rangle \rightarrow (\{3, ., 1, 4, 1\}_{10}, |U\rangle_{\pi,10,3}) \implies \text{Obs.} = 3.141$$

$$\hat{O}_{\text{NS}}(3, k=3)|\Psi_\pi\rangle \rightarrow (\{1, 0, ., 0, 1, 0\}_3, |U\rangle_{\pi,3,3}) \implies \text{Obs.} = 10.010_3 \approx 3.111$$

The observable values differ, illustrating the base dependence of the NSO projection.

3.3 Non-commutativity and Numerical Uncertainty

Hypothesis:

$$[\hat{O}_{\text{NS}}(B_1, k_1), \hat{O}_{\text{NS}}(B_2, k_2)] \stackrel{?}{\neq} 0 \quad (4)$$

leads to an uncertainty relation:

$$\Delta_{B_1}(k_1) \cdot \Delta_{B_2}(k_2) \geq C(B_1, B_2, |\Psi_{\text{num}}\rangle) \quad (5)$$

This is a numerical analogue of the Heisenberg principle, limiting simultaneous precision in different bases.

Example of Basis Incompatibility (17): (from [1], section 4)

$$\hat{O}_{\text{NS}}(2, k=2)|\Psi_{17}\rangle \rightarrow (\{0, 0, 1\}_2, |U\rangle_{17,2,2}) \implies \text{Obs.} = 1$$

$$\hat{O}_{\text{NS}}(3, k=1)|\Psi_{17}\rangle \rightarrow (\{2, 2\}_3, |U\rangle_{17,3,1}) \implies \text{Obs.} = 8$$

The results are incompatible, illustrating the non-commutativity of numerical observations.

4 NSO Applied to Spacetime: The Relativistic Interval

4.1 Coordinates and Time as Numerical States $|\Psi_{\text{num}}\rangle$

Interpret x, y, z, t as labels for $|\Psi_x\rangle, \dots, |\Psi_t\rangle$. The interval equation (6) becomes relation (7).

$$s^2 = \Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2 - c^2 \Delta t^2 \quad (6)$$

$$(|\Psi_s\rangle)^{\otimes 2} = (|\Psi_{\Delta x}\rangle)^{\otimes 2} \oplus \dots \ominus ((|\Psi_c\rangle)^{\otimes 2} \otimes (|\Psi_{\Delta t}\rangle)^{\otimes 2}) \quad (7)$$

4.2 Observation of Spacetime and a Calculation Example of Interval Distortion

Observation via $\hat{O}_{\text{NS}}(B, k)$ yields base-dependent components related approximately:

$$(s_B)^2 \approx (\Delta x_B)^2 + (\Delta y_B)^2 + (\Delta z_B)^2 - c^2(\Delta t_B)^2 \quad (8)$$

Calculation Example of Interval Distortion: (from [1], section 3) Let $x = 3.1415$, $t = 1.772$, $c = 1$. True $s^2 \approx 6.729$. Observation in $B = 3, k = 2$: $x_B \approx 3.111$ (10.01_3),

$t_B \approx 1.778$ (1.21_3). Observed $s_B^2 \approx 6.517$. The difference $s^2 - s_B^2 \approx 0.212$ is a numerical analogy of relativistic distortion due to NSO.

4.3 Lorentz Invariance and NSO

Reconciling s^2 invariance with observable s_B dependence requires that **invariance holds at the level of abstract states** $|\Psi_{\text{num}}\rangle$, while any observation involves a context-dependent projection via $\hat{O}_{\text{NS}}(B)$.

4.4 Non-commutativity of Space and Time

Non-commutativity $[\hat{O}_{\text{NS}}(B_x), \hat{O}_{\text{NS}}(B_t)] \neq 0$ could provide a numerical origin for the metric signature.

5 Connections to Existing Theories

- **p-adic Numbers and Adeles** [5, 7]: NSO generalizes the focus on least significant digits to base B and introduces non-commutativity.
- **Noncommutative Geometry** [4, 9]: NSO as phenomenology of $[\hat{x}_\mu, \hat{x}_\nu] \neq 0$.
- **Topos Theory and Quantum Logic** [6, 10]: NSO models contextuality ($|\Psi_{\text{num}}\rangle$ as sheaf, $\hat{O}_{\text{NS}}$ as stalk).
- **Information Theory and Holography** [8]: Finite k relates to finite information density.

6 Implications, Predictions, and Open Questions

6.1 Reinterpreting QM

NSO as numerical source of uncertainty.

6.2 Nature of Fundamental Constants

Possible limited precision and base dependence.

6.3 Quantum Computing and Information

New precision limits, “numerical qudits”.

6.4 Mathematical Challenges

Develop algebra of $\hat{O}_{\text{NS}}$ and space $\mathcal{N}$.

6.5 Physical Realizability and Experimental Signatures

How could NSO effects manifest?

- **Fundamental Limits on Precision:** Minimum length/time as limit of numerical resolution k .
- **Spectral Effects:** Fine structure depending on arithmetic properties of levels.
- **Modification of Interference:** Anomalies depending on numerical properties of setup parameters.
- **“Numerical Noise” of Spacetime:** Fundamental noise from fluctuating k or B .
- **Context Dependence in Precision Measurements:** Influence of how parameters are set (e.g., DAC resolution).
- **Search for a Privileged Basis:** Special simplicity of laws in some basis B_0 .
- **Statistical Analysis and Structural Dependence:** Comparing the “digital texture” for different systems (e.g., PPTs vs. cubic equations, see Section 2) might reveal how the stability of the tail depends on the algebraic structure, confirming the non-triviality of NSO projection.

Searching requires extreme precision and specific predictions.

7 Hypothesis: NSO as a Bridge Between QM and Relativity

The NSO model offers a mechanism to unify the contextuality of QM and TR through the idea of **fundamental contextuality of numerical description**. Choosing the number base B ($\hat{O}_{\text{NS}}(B)$) is analogous to choosing a measurement apparatus (QM) or a reference frame (TR).

1. Unified source of contextuality: Dependence on B .
2. Quantum properties: From non-commutativity (4) and limited observability (3).
3. Relativistic properties: From dependence of x_B, t_B on B . s^2 invariance for $|\Psi_s\rangle$ (7), not necessarily for s_B (8).
4. Universality of mathematics: Unified apparatus reveals NSO properties at Planck scale.

NSO offers a path to unification by rethinking the role of mathematics itself.

8 Conclusion

We have presented and elaborated the Number System Operator (NSO) hypothesis, proposing an active role for the number base B in observing fundamental states $|\Psi_{\text{num}}\rangle$. The NSO model, with its limited digit observability and potential non-commutativity $[\hat{O}_{\text{NS}}(B_1), \hat{O}_{\text{NS}}(B_2)] \neq 0$, offers a unified mechanism potentially underlying both quantum uncertainty and relativistic contextuality, serving as a conceptual bridge between QM and TR (Section 7). Numerical examples (Sections 2, 3, 4) illustrate the postulates. A key observation is the **structural dependence** of the NSO projection: the potential for numerical tail preservation in Pythagorean triples contrasts with the likely uniqueness of projections for higher-degree equations (e.g., cubic), highlighting the non-triviality of the hypothesis (Section 2). Discussion of physical realizability (Section 6.5) outlines avenues for experimental tests. The NSO model suggests a paradigm shift towards recognizing the **active role of mathematics** in shaping reality. Further progress requires rigorous mathematical formalization and search for experimental evidence.

Acknowledgements

The authors thank the creators of the software [ChatGPT, Wolfram GPTs, Gemini 2.5 Pro Experimental 03-25], which was critically important for developing and visualizing the concepts presented. We also acknowledge the stimulating discussions on the dxdy.ru forum that contributed to some of the initial ideas, and thank S.P. Klykov for critical remarks regarding the necessity of calculation examples and for the important observation concerning the differing behavior of Pythagorean triples and cubic equations in the context of numerical projections. The authors are also grateful to S.Yu. Marinin for his critical comments, which made it possible to do a better job.

References

- [1] Klykov, S. P., Dedenko, G. L. (2025). *Internal Notes: Response to Sergey Klykov's remark on the need for calculation examples in the NSO article*. (Unpublished notes).
- [2] Dedenko, G. L., Klykov, S. P. (2025). *Quantum-like Structures in Pythagorean Triples: A Study using Visualization Methods and Interdisciplinary Analogies (en, ru)*. Preprint ResearchGate, April 2025, DOI: 10.13140/RG.2.2.14924.73600/4. https://www.researchgate.net/publication/390433732_Quantum-like_Structures_in_Pythagorean_Triples_A_Study_using_Visualization_Methods_and_Interdisciplinary_Analogies_en_ru
- [3] Landau, L. D., Lifshitz, E. M. (1977). *Quantum Mechanics (Non-relativistic Theory)*, Volume 3 of Course of Theoretical Physics (3rd ed.). Pergamon Press.
- [4] Connes, A. (1994). *Noncommutative Geometry*. Academic Press.
- [5] Koblitz, N. (1984). *p-adic Numbers, p-adic Analysis, and Zeta-Functions*. Springer-Verlag.

- [6] Isham, C. J. (1995). *Lectures on Quantum Theory: Mathematical and Structural Foundations*. Imperial College Press.
- [7] Vladimirov, V. S., Volovich, I. V., & Zelenov, E. I. (1994). *P-adic Analysis and Mathematical Physics*. World Scientific.
- [8] Bekenstein, J. D. (1981). Universal upper bound on the entropy-to-energy ratio for bounded systems. *Physical Review D*, 23(2), 287–298.
- [9] Manin, Yu. I. (1991). *Topics in Noncommutative Geometry*. Princeton University Press.
- [10] Butterfield, J., & Isham, C. J. (2000). Spacetime and the Philosophical Challenge of Quantum Gravity. In C. Callender & N. Huggett (Eds.), *Physics Meets Philosophy at the Planck Scale* (pp. 33-89). Cambridge University Press.

Неопределенность системы счисления как фундаментальный аспект микромира и пространства-времени: Квантово-подобные структуры, модель оператора-наблюдателя и релятивистские следствия

Г. Л. Деденко¹, С. П. Клыков^{2,3}

¹Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации, Москва, Россия

²Эксперт по ферментации, до востребования, Оболенск,
Серпуховский р-н, Московская обл., Россия, 142279

³ООО “Альфа-Интегрум”

Email: GLDedenko@fa.ru, smlk03@mail.ru

18 апреля 2025 г.

Аннотация

Фундаментальные принципы квантовой механики (КМ) и структура пространства-времени в теории относительности (ТО) традиционно формулируются на фоне действительных или комплексных чисел, рассматриваемых как пассивный, универсальный и бесконечно точный математический континуум. Данная работа выдвигает и исследует гипотезу о неполноте такого подхода, особенно на предельных, планковских масштабах. Мы предполагаем, что сама система счисления, характеризуемая выбором основания B , перестает быть простой конвенцией и приобретает свойства активного наблюдателя или измерительного контекста. Этот аспект формализуется через введение гипотетического Оператора Системы Счисления (ОСС), $\hat{O}_{СС}(B)$. Центральная гипотеза состоит в том, что полная детерминация всех цифровых разрядов числового представления $N = \sum d_i B^i$ некоторой фундаментальной величины в фиксированном основании B может быть принципиально невозможна на микроуровне. Любое взаимодействие или “измерение”, ассоциированное с контекстом B , позволяет достоверно определить лишь конечное число $(k + 1)$ младших значащих разрядов $(d_0, \dots, d_k)$, оставляя старшие разряды в состоянии имманентной “математической неопределенности”. Эта неопределенность, как мы утверждаем, может быть первоисточником квантовой неопределенности и влиять на геометрию пространства-времени, предлагая единый механизм для объяснения контекстуальности как в КМ, так и в ТО. Гипотеза подкрепляется анализом квантово-подобных структур в числовых системах (на примере Пифагоровых троек [1]), где наблюдается возможность сохранения “цифрового хвоста”, и противопоставляется поведению более сложных структур (например, кубических уравнений), где ОСС-проекция может быть уникальна для каждого базиса, подчеркивая универсальность, но нетривиальность базовой зависимости. Гипотеза распространяется на релятивистский интервал, где координаты и время интерпретируются как абстрактные

“числовые состояния”. Обсуждается некоммутативность $[\hat{O}_{\text{СС}}(B_1), \hat{O}_{\text{СС}}(B_2)] \neq 0$. Модель ОСС позиционируется как концептуальный мост между КМ и ТО. Рассматриваются связи с р-адическим анализом, НКГ, теорией топосов, теорией информации, обсуждаются возможные физические проявления и направления дальнейших исследований.

Ключевые слова: Система счисления, основание числа, принцип неопределенности, квантовая механика, теория относительности, пространство-время, интервал Минковского, оператор наблюдения, числовое состояние, математическая неопределенность, квантование, последние цифры, Пифагоровы тройки, кубические уравнения, визуализация данных, р-адические числа, некоммутативная геометрия, теория информации, объединение физики, физическая реализуемость, числовые примеры, Деденко, Клыков.

Содержание

1	Введение	3
1.1	Стандартная парадигма и ее ограничения	3
1.2	Гипотеза ОСС: Числовая система как активный наблюдатель	3
1.3	Метафора для интуиции: Башня и прожектор	4
1.4	Цели и структура статьи	5
2	Квантовые аналогии в арифметике и формализация рекуррентности	5
3	Модель Оператора Системы Счисления (ОСС): Формализм и примеры	6
3.1	Пространство числовых состояний $\mathcal{N}$	6
3.2	Оператор $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)$ и ограниченная наблюдаемость	6
3.3	Некоммутативность и числовая неопределенность	7
4	Применение ОСС к пространству-времени: Релятивистский интервал	7
4.1	Координаты и время как числовые состояния $ \Psi_{\text{числ}}\rangle$	7
4.2	Наблюдение пространства-времени и расчетный пример искажения интервала	7
4.3	Лоренц-инвариантность и ОСС	8
4.4	Некоммутативность пространства и времени	8
5	Связи с существующими теориями	8
6	Следствия, предсказания и открытые вопросы	8
6.1	Переинтерпретация КМ	8
6.2	Природа фундаментальных констант	8
6.3	Квантовые вычисления и информация	8
6.4	Математические вызовы	8
6.5	Физическая реализуемость и экспериментальные сигнатуры	9
7	Гипотеза: ОСС как мост между КМ и Теорией Относительности	9
8	Заключение	9

1 Введение

1.1 Стандартная парадигма и ее ограничения

Фундаментальное описание природы в современной физике разделено между двумя чрезвычайно успешными, но концептуально различными теориями: квантовой механикой (КМ), описывающей поведение материи и энергии на микроскопическом уровне, и общей теорией относительности (ОТО), описывающей гравитацию как геометрию пространства-времени на макроскопическом и космологическом уровнях. Несмотря на феноменальный успех каждой из этих теорий в своей области применимости, их объединение в единую теорию квантовой гравитации остается одной из наиболее актуальных и сложных задач теоретической физики [10].

Обе теории, при всем их различии, неявно опираются на общий математический фундамент — использование полей действительных ($\mathbb{R}$) или комплексных ($\mathbb{C}$) чисел для представления физических величин: координат, времени, импульсов, энергий, полей, параметров состояния [3]. Числовой континуум рассматривается как универсальный, пассивный и абсолютный фон, на котором разворачиваются физические процессы. Способ представления чисел, например, в позиционной системе счисления с основанием B ($N = \sum d_i B^i$), считается не более чем техническим соглашением, не влияющим на физическую суть. Выбор основания (десятичного, двоичного, натурального) диктуется удобством или традицией. Физические законы формулируются так, чтобы быть инвариантными или ковариантными относительно преобразований (координат, калибровочных), которые действуют **над** этим числовым полем, не затрагивая его внутреннюю структуру.

Даже революционные концепции XX века не поколебали этого взгляда на числа. В КМ неопределенность возникает из некоммутативности операторов наблюдаемых ($[\hat{A}, \hat{B}] \neq 0$), действующих в гильбертовом пространстве над $\mathbb{C}$, а не из свойств самих чисел, являющихся результатами измерений (собственными значениями) [6]. В ОТО кривизна пространства-времени описывается методами дифференциальной геометрии над $\mathbb{R}$, где координаты являются лишь удобными метками точек гладкого многообразия.

1.2 Гипотеза ОСС: Числовая система как активный наблюдатель

Однако можно поставить под сомнение универсальность и пассивность числового представления на самых фундаментальных масштабах, близких к планковской длине $L_P \approx 10^{-35}$ м и планковскому времени $T_P \approx 10^{-43}$ с, где ожидается проявление эффектов квантовой гравитации и возможный отход от концепции гладкого пространства-времени. На этих масштабах сама процедура измерения и присвоения числового значения физической величине может столкнуться с принципиальными ограничениями, связанными не только с физическими взаимодействиями (как в стандартном соотношении неопределенностей Гейзенберга), но и с имманентными свойствами самой системы числового представления.

В данной работе мы выдвигаем и исследуем гипотезу о том, что стандартный взгляд на роль чисел в физике является неполным. Мы предполагаем, что на фундаментальном уровне **система счисления (основание B) перестает быть пассивной конвенцией и приобретает свойства активного наблюдателя или измерительного контекста**. Этот аспект мы формализуем через введение гипотетического **Оператора Системы Счисления (ОСС)**, $\hat{O}_{\text{СС}}(B)$.

Основные постулаты гипотезы ОСС:

1. **Абстрактное числовое состояние ($|\Psi_{\text{числ}}\rangle$):** Фундаментальное описание физической величины до ее “измерения” или представления в конкретной системе счисления дается не числом из $\mathbb{R}$ или $\mathbb{C}$, а абстрактным элементом $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ некоторого математического про-

пространства $\mathcal{N}$. Это состояние потенциально содержит информацию обо всех возможных числовых проявлениях величины.

2. **Оператор Системы Счисления ($\hat{O}_{CC}(B)$):** Для каждого измерительного контекста, характеризуемого (по крайней мере, частично) основанием B , существует оператор $\hat{O}_{CC}(B) : \mathcal{N} \rightarrow S'_B$, отображающий абстрактное состояние $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ в пространство наблюдаемых числовых представлений S'_B (подпространство пространства последовательностей цифр в базе B , S_B).
3. **Ограниченная наблюдаемость цифр:** Действие $\hat{O}_{CC}(B)$ на $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ не раскрывает полную цифровую запись числа. Оно позволяет достоверно определить лишь **конечное число** $(k + 1)$ младших значащих разрядов $\{d_0, d_1, \dots, d_k\}_B$. Параметр k (определяющий “глубину” или “разрешение” числового наблюдения) может зависеть от базы B , состояния $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ и физического контекста (например, энергии взаимодействия, доступной информации).
4. **Имманентная математическая неопределенность: Старшие разряды** ($d_{k+1}, d_{k+2}, \dots$) остаются **принципиально неопределенными** или находятся в состоянии, аналогичном квантовой суперпозиции, относительно данного базиса наблюдения B . Эта неопределенность не является следствием неточности измерения, а внутренним свойством процесса числового наблюдения, постулируемого моделью ОСС.
5. **Некоммутативность базисов:** Операторы ОСС для разных оснований могут не коммутировать: $[\hat{O}_{CC}(B_1), \hat{O}_{CC}(B_2)] \neq 0$. Это означает, что результат наблюдения в базе B_2 зависит от того, проводилось ли предварительное наблюдение в базе B_1 , и наоборот. Это приводит к соотношению неопределенности для числовых представлений в разных базах.
6. **Источник физической неопределенности:** Эта имманентная “математическая неопределенность” может быть фундаментальным источником наблюдаемой квантовой неопределенности и контекстуальности, а также влиять на воспринимаемую структуру пространства-времени на малых масштабах.

Важно подчеркнуть: мы не предполагаем существования “разной математики” для микро- и макромира. Скорее, мы считаем, что **единый математический аппарат** (например, арифметика целых или действительных чисел) обладает **скрытыми свойствами** (ограниченная цифровая наблюдаемость, зависимость от базиса), которые становятся **физически релевантными** и доминирующими только на фундаментальных масштабах, тогда как в макромире их влиянием можно пренебречь. Это аналогично тому, как релятивистские эффекты, описываемые единой теорией, становятся заметны лишь при больших скоростях.

1.3 Метафора для интуиции: Башня и прожектор

Чтобы сделать идею более наглядной, представим числовое состояние $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ как очень высокую, потенциально бесконечную башню, этажи которой соответствуют цифровым разрядам. Наблюдение $\hat{O}_{CC}(B)$ подобно освещению этой башни прожектором с земли. Мы можем четко разглядеть только несколько нижних этажей ($d_0, \dots, d_k$). Чем выше этаж, тем больше он теряется в темноте (неопределенности). При этом, если мы сменим “цвет” прожектора (перейдем к другой базе B'), мы можем увидеть другое количество этажей или даже заметить

детали на нижних этажах, которые были не видны при первом освещении, но при этом потерять из виду что-то другое. Сам процесс “освещения” в базе B_1 может повлиять на то, что мы увидим позже в базе B_2 .

1.4 Цели и структура статьи

Цель данной работы — детально развить концепцию ОСС, исследовать ее формальные свойства (включая некоммутативность и базовую зависимость), применить ее к описанию пространства-времени и релятивистского интервала, обсудить ее потенциал как связующего звена между КМ и ТО, проанализировать связи с существующими теориями и наметить возможные следствия и пути проверки. Важным аспектом является включение конкретных числовых примеров, иллюстрирующих ключевые постулаты гипотезы, и обсуждение различного поведения ОСС-проекций для разных математических структур (например, Пифагоровых троек в сравнении с уравнениями высших степеней).

Статья структурирована следующим образом: Раздел 2 напоминает о мотивации из исследования Пифагоровых троек и вводит формализацию рекуррентности, а также обсуждает контраст с уравнениями высших степеней. Раздел 3 углубляется в формализм ОСС, включая числовые примеры неопределенности и некоммутативности. Раздел 4 посвящен применению ОСС к пространству-времени, с расчетным примером для релятивистского интервала. Раздел 5 анализирует связи с p -адикой, НКГ, топосами и теорией информации. Раздел 6 рассматривает следствия и предсказания, включая обсуждение физической реализуемости и статистических аспектов. Раздел 7 развивает гипотезу об ОСС как мосте между КМ и ТО. Раздел 8 подводит итоги.

2 Квантовые аналогии в арифметике и формализация рекуррентности

Исследование [2] послужило отправной точкой для гипотезы ОСС, продемонстрировав неожиданные квантово-подобные закономерности в распределении примитивных Пифагоровых троек (ППТ) (a, b, c) , $a^2 + b^2 = c^2$. Ключевые наблюдения, релевантные для ОСС:

- **Дискретность и Квантование:** Наблюдаемые значения младших разрядов, $D_{B,0}(c) = c \pmod{B}$, принимали лишь дискретные значения (например, 1, 5, 9 при $B = 10$). Это аналог квантования наблюдаемой.
- **Зависимость от Базы/Контекста:** Структура распределения зависела от B , иллюстрируя идею $\hat{O}_{\text{СС}}(B)$ как контекстно-зависимого оператора.
- **Рекуррентность и Сохранение “хвоста” для ППТ:** Ключевая идея [2], вдохновленная дискуссиями на dxdu.ru, заключалась в возможности генерации новых троек (a', b', c') из (a, b, c) с сохранением младших цифр:

$$D_{B,k}(a') = D_{B,k}(a), \quad D_{B,k}(b') = D_{B,k}(b), \quad D_{B,k}(c') = D_{B,k}(c). \quad (1)$$

Существование формул преобразования, обеспечивающих это [1], можно интерпретировать в рамках ОСС как возможность найти такое преобразование состояния

$|\Psi_{\text{числ}}\rangle \rightarrow |\psi'\rangle$, что его проекция $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)$ остается (частично) инвариантной. Это похоже на стабильность определенных квантовых свойств.

– **Пример (B=10):** $(3, 4, 5) \rightarrow D_{10,0} = (3, 4, 5)$. Ищем (a', b', c') с $a' \equiv 3, b' \equiv 4, c' \equiv 5 \pmod{10}$.

– **Пример (B=16):** $(5, 12, 13) \rightarrow D_{16,0} = (5, C, D)$. Ищем (a'', b'', c'') с $a'' \equiv 5, b'' \equiv 12, c'' \equiv 13 \pmod{16}$.

- **Контраст с уравнениями высших степеней:** Как было отмечено С. Клыковым, для диофантовых уравнений более высокой степени, таких как кубические $a^3 + b^3 + c^3 = d^3$, аналогичной простой рекуррентности младших цифровых “хвостов”, по-видимому, не наблюдается [1]. Если для ППТ ОСС-проекция $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)$ может демонстрировать устойчивость, то для кубических уравнений каждая ОСС-проекция для нового решения или в новой базе B' может оказаться **уникальной**.

Для $a^3 + b^3 + c^3 = d^3$ и $a'^3 + b'^3 + c'^3 = d'^3$, $D_{B,k}(a') \neq D_{B,k}(a)$ (в общем случае) (2)

Это наблюдение **критически важно**: оно подчеркивает, что поведение $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)$ **зависит от структуры математического объекта**. Это усиливает аргумент в пользу того, что ОСС выявляет нетривиальные свойства, а базовая зависимость фундаментальна. Возможность сохранения хвоста для ППТ — аналог “классической” стабильности, уникальность проекций для кубов — аналог “квантовой” непредсказуемости/хаоса.

3 Модель Оператора Системы Счисления (ОСС): Формализм и примеры

3.1 Пространство числовых состояний $\mathcal{N}$

Постулируется пространство $\mathcal{N}$, элементы $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ которого представляют фундаментальные числовые состояния. $\mathcal{N}$ должно поддерживать арифметико-подобные операции $(\oplus, \ominus, \otimes, (\cdot)^{\otimes 2})$ и кодировать информацию для проекций $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)$. Возможные структуры: адели [7], НКГ-алгебры [4], пучки [6].

3.2 Оператор $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)$ и ограниченная наблюдаемость

Оператор $\hat{O}_{\text{СС}}(B, k) : \mathcal{N} \rightarrow S'_{B,k}$ осуществляет “измерение” с глубиной k . Результат:

$$\hat{O}_{\text{СС}}(B, k)|\Psi_{\text{числ}}\rangle \longrightarrow \text{Outcome}_{B,k} = (\{d_0, \dots, d_k\}_B, |\text{Uncertain}\rangle_{B,k}) \quad (3)$$

k определяет разрешение, $|\text{Uncertain}\rangle_{B,k}$ описывает неопределенность старших разрядов (возможно, через $\mathbb{C}$, неся фазовую информацию). k может зависеть от энергии и информационных пределов [8].

Пример наблюдаемой неопределенности (π): (из [1]) Пусть $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ соответствует $\pi = 3.14159\dots$

$$\hat{O}_{\text{СС}}(10, k=3)|\Psi_{\pi}\rangle \rightarrow (\{3, ., 1, 4, 1\}_{10}, |U\rangle_{\pi,10,3}) \implies \text{Набл.} = 3.141$$

$$\hat{O}_{CC}(3, k=3)|\Psi_\pi\rangle \rightarrow (\{1, 0, ., 0, 1, 0\}_3, |U\rangle_{\pi,3,3}) \implies \text{Набл.} = 10.010_3 \approx 3.111$$

Наблюдаемые значения различны, иллюстрируя базовую зависимость ОСС-проекции.

3.3 Некоммутативность и числовая неопределенность

Гипотеза:

$$[\hat{O}_{CC}(B_1, k_1), \hat{O}_{CC}(B_2, k_2)] \stackrel{?}{\neq} 0 \quad (4)$$

ведет к соотношению неопределенности:

$$\Delta_{B_1}(k_1) \cdot \Delta_{B_2}(k_2) \geq C(B_1, B_2, |\Psi_{\text{числ}}\rangle) \quad (5)$$

Это числовой аналог принципа Гейзенберга.

Пример несовместимости баз (17): (из [1])

$$\hat{O}_{CC}(2, k=2)|\Psi_{17}\rangle \rightarrow (\{0, 0, 1\}_2, |U\rangle_{17,2,2}) \implies \text{Набл.} = 1$$

$$\hat{O}_{CC}(3, k=1)|\Psi_{17}\rangle \rightarrow (\{2, 2\}_3, |U\rangle_{17,3,1}) \implies \text{Набл.} = 8$$

Результаты несовместимы, иллюстрируя некоммутативность числовых наблюдений.

4 Применение ОСС к пространству-времени: Релятивистский интервал

4.1 Координаты и время как числовые состояния $|\Psi_{\text{числ}}\rangle$

Интерпретируем x, y, z, t как $|\Psi_x\rangle, \dots, |\Psi_t\rangle$. Уравнение интервала (6) становится соотношением (7).

$$s^2 = \Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2 - c^2 \Delta t^2 \quad (6)$$

$$(|\Psi_s\rangle)^{\otimes 2} = (|\Psi_{\Delta x}\rangle)^{\otimes 2} \oplus \dots \ominus ((|\Psi_c\rangle)^{\otimes 2} \otimes (|\Psi_{\Delta t}\rangle)^{\otimes 2}) \quad (7)$$

4.2 Наблюдение пространства-времени и расчетный пример искажения интервала

Наблюдение через $\hat{O}_{CC}(B, k)$ дает базово-зависимые компоненты, связанные приближенно:

$$(s_B)^2 \approx (\Delta x_B)^2 + (\Delta y_B)^2 + (\Delta z_B)^2 - c^2(\Delta t_B)^2 \quad (8)$$

Расчетный пример искажения интервала: (из [1]) Пусть $x = 3.1415$, $t = 1.772$, $c = 1$. Истинное $s^2 \approx 6.729$. Наблюдение в $B = 3, k = 2$: $x_B \approx 3.111$, $t_B \approx 1.778$. Наблюдаемое $s_B^2 \approx 6.517$. Разница $s^2 - s_B^2 \approx 0.212$ — числовая аналогия релятивистского искажения из-за ОСС.

4.3 Лоренц-инвариантность и ОСС

Инвариантность s^2 относится к $|\Psi_s\rangle$, наблюдаемое s_B зависит от контекста B .

4.4 Некоммутативность пространства и времени

Некоммутативность $[\hat{O}_{\text{СС}}(B_x), \hat{O}_{\text{СС}}(B_t)] \neq 0$ может дать числовое обоснование сигнатуре метрики.

5 Связи с существующими теориями

- **р-адические числа и адели [5, 7]:** ОСС обобщает идею на B и вводит некоммутативность.
- **Некоммутативная геометрия [4, 9]:** ОСС как феноменология $[\hat{x}_\mu, \hat{x}_\nu] \neq 0$.
- **Теория топосов и квантовая логика [6, 10]:** ОСС как модель контекстуальности ($|\Psi_{\text{числ}}\rangle$ - пучок, $\hat{O}_{\text{СС}}$ - слой).
- **Теория информации и голография [8]:** Конечность k как следствие конечной плотности информации.

6 Следствия, предсказания и открытые вопросы

6.1 Переинтерпретация КМ

ОСС как числовой источник неопределенности.

6.2 Природа фундаментальных констант

Возможная ограниченность точности и базовая зависимость.

6.3 Квантовые вычисления и информация

Новые пределы точности, “числовые кудиты”.

6.4 Математические вызовы

Разработка алгебры $\hat{O}_{\text{СС}}$ и пространства $\mathcal{N}$.

6.5 Физическая реализуемость и экспериментальные сигнатуры

Как ОСС может проявляться?

- **Фундаментальные пределы точности:** Минимальная длина/время из-за предела разрешения k .
- **Спектральные эффекты:** Тонкая структура, зависящая от арифметики уровней.
- **Модификация интерференции:** Аномалии, зависящие от числовых свойств параметров.
- **“Числовой шум”:** Фундаментальный шум из-за флуктуаций k или B .
- **Контекстуальность в прецизионных измерениях:** Зависимость от способа задания параметров.
- **Привилегированный базис:** Особая простота законов в B_0 .
- **Статистический анализ и структурная зависимость:** Сравнение “цифровой текстуры” для разных систем (ППТ vs кубы, см. Раздел 2) может выявить зависимость стабильности хвоста от алгебраической структуры.

7 Гипотеза: ОСС как мост между КМ и Теорией Относительности

ОСС предлагает механизм для объединения контекстуальности КМ и ТО через идею **фундаментальной контекстуальности числового описания**. Выбор $\hat{O}_{CC}(B)$ аналогичен выбору измерительного прибора (КМ) и системы отсчета (ТО).

1. Единый источник контекстуальности: Зависимость от B .
2. Квантовые свойства: Из (4) и (3).
3. Релятивистские свойства: Из зависимости x_B, t_B от B . Инвариантность s^2 для $|\Psi_s\rangle$ (7), но не для s_B (8).
4. Универсальность математики: Единый аппарат проявляет ОСС-свойства на Планковском масштабе.

ОСС предлагает путь к объединению через переосмысление роли самой математики.

8 Заключение

Мы представили и развили гипотезу Оператора Системы Счисления (ОСС). Модель ОСС с ее ограниченной наблюдаемостью младших цифр и потенциальной некоммутативностью

$[\hat{O}_{\text{CC}}(B_1), \hat{O}_{\text{CC}}(B_2)]$ предлагает единый механизм, который может лежать в основе как квантовой неопределенности, так и релятивистской контекстуальности, служа концептуальным мостом между КМ и ТО (Раздел 7). Включение числовых примеров (Разделы 2, 3, 4) иллюстрирует постулаты ОСС. Важным наблюдением является структурная зависимость ОСС-проекции (контраст ППТ и кубических уравнений, Раздел 2). Обсуждение физической реализуемости (Раздел 6.5) намечает пути экспериментальной проверки. Модель ОСС предлагает сдвиг парадигмы к признанию активной роли математики. Дальнейшее развитие требует строгой математической формализации и поиска экспериментальных свидетельств.

Благодарности

Авторы выражают признательность участникам форума dxdy.ru за стимулирующие дискуссии, легшие в основу некоторых идей, а также создателям ПО [ChatGPT, Wolfram GPTs, Gemini 2.5 Pro Experimental 03-25] за помощь в разработке и визуализации концепций. Отдельная благодарность С.П. Клыкову за критические замечания о необходимости расчетных примеров и за важное наблюдение о различии поведения Пифагоровых троек и кубических уравнений в контексте числовых проекций. Авторы также благодарны С.Ю. Маринину за его критические замечания, позволившие сделать работу лучше.

Список литературы

- [1] Klykov, S. P., Dedenko, G. L. (2025). *Internal Notes: Response to Sergey Klykov's remark on the need for calculation examples in the NSO article*. (Unpublished notes).
- [2] Dedenko, G. L., Klykov, S. P. (2025). *Quantum-like Structures in Pythagorean Triples: A Study using Visualization Methods and Interdisciplinary Analogies (en, ru)*. Preprint ResearchGate, April 2025, DOI: 10.13140/RG.2.2.14924.73600/4. https://www.researchgate.net/publication/390433732_Quantum-like_Structures_in_Pythagorean_Triples_A_Study_using_Visualization_Methods_and_Interdisciplinary_Analogies_en_ru
- [3] Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. (2008). *Теоретическая физика, т. III: Квантовая механика (нерелятивистская теория)*. Физматлит.
- [4] Connes, A. (1994). *Noncommutative Geometry*. Academic Press.
- [5] Koblitz, N. (1984). *p-adic Numbers, p-adic Analysis, and Zeta-Functions*. Springer-Verlag.
- [6] Isham, C. J. (1995). *Lectures on Quantum Theory: Mathematical and Structural Foundations*. Imperial College Press.
- [7] Vladimirov, V. S., Volovich, I. V., & Zelenov, E. I. (1994). *P-adic Analysis and Mathematical Physics*. World Scientific.
- [8] Bekenstein, J. D. (1981). Universal upper bound on the entropy-to-energy ratio for bounded systems. *Physical Review D*, 23(2), 287–298.
- [9] Manin, Yu. I. (1991). *Topics in Noncommutative Geometry*. Princeton University Press.

- [10] Butterfield, J., & Isham, C. J. (2000). Spacetime and the Philosophical Challenge of Quantum Gravity. In C. Callender & N. Huggett (Eds.), *Physics Meets Philosophy at the Planck Scale* (pp. 33-89). Cambridge University Press.